

1. Uvažujte databázu bez duplikátov a null hodnôt: capuje(Krcma, Alkohol),
lubi(Pijan, Alkohol), navstivil(Idn, Pijan, Krcma), vypil(Idn, Alkohol, Mnozstvo).

Platí: Idn → Pijan, Krcma; Idn, Alkohol → Mnozstvo; Mnozstvo > 0.

a) Sformulujte bezpečný dotaz v Datalogu (6) a relačnej algebre (6) na dvojice

[P, A] také, že pijan P lúbi alkohol A, a zároveň P vypil A v každej krčme, ktorá čapuje aspoň 3 alkoholy, ktoré P lúbi.

Datalog:

```
answer(P, A) ←
    lubi(P, A),
    not niekde_nevypil(P, A).
```

```
niekde_nevypil(P, A) ←
    lubi(P, A), /* safety */
    lubi(P, A1),
    lubi(P, A2),
    lubi(P, A3),
    capuje(K, A1),
    capuje(K, A2),
    capuje(K, A3),
    not A1 = A2,
    not A1 = A3,
    not A2 = A3,
    not niekedy_vypil(P, A, K).
```

```
niekedy_vypil(P, A, K) ←
    navstivil(I, P, K),
    vypil(I, A, _).
```

Relačná algebra:

$\text{niekedy_vypil} = \pi_{\text{Pijan}, \text{Alkohol}, \text{Krcma}} (\text{navstivil} \bowtie \text{vypil})$

$\text{niekde_nevypil} =$

$\pi_{\text{I.Pijan}, \text{I.Alkohol}}$

(

$\pi_{\text{I.Pijan}, \text{I.Alkohol}, \text{c1.Krcma}}$

(

$P_1(\text{lubi}) \bowtie_{\text{I.Pijan}} = \text{I1.Pijan}$

$P_{11}(\text{lubi}) \bowtie_{\text{I.Pijan}} = \text{I2.Pijan} \wedge \text{I1.Alkohol} \neq \text{I2.Alkohol}$

$P_{12}(\text{lubi}) \bowtie_{\text{I.Pijan}} = \text{I3.Pijan} \wedge \text{I1.Alkohol} \neq \text{I3.Alkohol} \wedge \text{I2.Alkohol} \neq \text{I3.Alkohol}$

$P_{13}(\text{lubi}) \bowtie_{\text{I1.Alkohol}} = \text{c1.Alkohol}$

$P_{c1}(\text{capuje}) \bowtie_{\text{I2.Alkohol}} = \text{c2.Alkohol} \wedge \text{c1.Krcma} = \text{c2.Krcma}$

$P_{c2}(\text{capuje}) \bowtie_{\text{I3.Alkohol}} = \text{c3.Alkohol} \wedge \text{c2.Krcma} = \text{c3.Krcma}$

$P_{c3}(\text{capuje})$

)

- niekedy_vypil

)

answer = lubi – niekde_nevypil

b) Sformujte bezpečný dotaž v Datalogu (6) a SQL (6) na dvojice alkoholov [A1, A2] také, že A1 bol v každej krčme vypitý vo väčšom celkovom množstve než A2 (predpokladajte, že každá krčma čapuje nejaký alkohol a každý alkohol je niekde čapovaný).

Datalog:

```
answer(A1, A2) ←  
    capuje(_, A1),  
    capuje(_, A2),  
    not zla_krcma(A1, A2).
```

```
zla_krcma(A1, A2) ←  
    total(A1, K, T1),  
    total(A2, K, T2),  
    not T1 > T2.
```

```
total(A, K, T) ←  
    subtotal(vpn(_, A, K, M), [A, K], [T = sum(M)]).
```

```
total(A, K, 0) ←  
    capuje(_, A),  
    capuje(K, _),  
    not vpn(A, K).
```

```
vpn(I, A, K, M) ←  
    navstivil(I, P, K),  
    vypil(I, A, M).
```

```
vpn(A, K) ←  
    vpn(_, A, K, _).
```

SQL:
with total as
(
 (
 select n.Krcma, v.Alkohol, sum(v.Mnozstvo) as T
 from navstivil n, vypil v
 where n.Idn = v.Idn
 group by n.Krcma, v.Alkohol
)
 union
 (
 select c1.Krcma, c2.Alkohol, 0 as T
 from capuje c1, capuje c2
 where not exists
 (
 select *
 from navstivil n, vypil v
 where n.Idn = v.Idn and c1.Krcma = n.Krcma and c2.Alkohol = v.Alkohol
)
)
)
select c1.Alkohol, c2.Alkohol
from capuje c1, capuje c2
where not exists
(
 select *
 from total1, total2
 where t1.Krcma = t2.Krcma and t1.Alkohol = c1.Alkohol and t2.Alkohol = c2.Alkohol and t1.T <= t2.T
)

2. Uvažujte reláciu $r(A, B, C, D, E)$ s funkčnými závislosťami
 $A \rightarrow CE$, $ACD \rightarrow BE$, $BC \rightarrow D$, $BE \rightarrow AC$.

a) Uveďte príklad dekompozície danej relačnej schémy, ktorá je v Boyce-Coddovej normálnej forme a nie je bezstratová (nespája sa bezstratovo). Vysvetlite. (6)

Napríklad $r1(A, C, E)$ a $r2(B, D)$ je dekompozícia s požadovanými vlastnosťami.

Obe $r1$ aj $r2$ sú v BCNF. V $r1$ platia netriviálne závislosti $A \rightarrow C$, $A \rightarrow E$, lenže A je nadklúč v $r1$. Iné „krátke“ netriviálne závislosti v $r1$ neplatia. $r2$ je v BCNF, lebo $r2$ je binárna relácia, v ktorej neplatí žiadna funkčná závislosť s prázdnou ľavou stranou.

Kedže $r1 \cap r2 = \{\}$ nie je nadklúč v $r1$ ani v $r2$, uvedená dekompozícia sa nespája bezstratovo.

b) Rozhodnite či dekompozícia danej relačnej schémy do (A, B, D, E) , (B, C, D) je v tretej normálnej forme. Odpoved' ÁNO resp. NIE zdôvodnite. (6)

Nájdime všetky kľúče r:

ABCDE

-A: BCDE

-B: CDE

+B: BCDE

-C: BDE

-D: BE

-E: B

+E: BE

+D: BD

+C: BC

+A: ABD

-B: AD

+B: AB

Kľúče v r sú AB, AD, BE. Iné kľúče nie sú.

Jediný nekľúčový atribút je C.

Relácia (A, B, D, E) neobsahuje C, takže je v 3NF.

V (B, C, D) neplatí žiadna netriviálna funkčná závislosť s atribútom C na pravej strane. Teda aj táto relácia je v 3NF.

Áno, daná dekompozícia je v 3NF.

3. Uvažujte program s extenzionálnou databázou $a(., .)$:

$p(X, Y, Z) \leftarrow a(X, Y), a(Y, Z).$

$p(X, Y, Z) \leftarrow p(X, U, Y), p(U, Y, Z), \text{not } a(X, X), \text{not } a(Z, Z).$

a) Vypočítajte výsledok dotazu $?- p(3, Y, Z)$ pre

$a(., .) = \{[0, 0], [0, 1], [1, 2], [2, 0], [2, 1], [2, 3], [3, 1]\}$. (6)

Použijeme naivnú evaluáciu, v ktorej sa iteruje

$p(., ., .) = \pi_{a1.1, a1.2, a2.2} (P_{a1}(a) \bowtie_{a1.2 = a2.1} P_{a2}(a)) \cup$

$\pi_{p1.1, p2.2, p2.3} ((P_{p1}(p) \bowtie_{p1.2 = p2.1} P_{p2}(p)) \triangleright_{p1.1 = a4.1 \wedge p1.1 = a4.2} P_{a3}(a) \triangleright_{p2.3 = a4.1 \wedge p2.3 = a4.1} P_{a4}(a))$

Inicializácia:

$p(., ., .) = \{ \}$

Iterácia 1:

$p(., ., .) = \{[0, 0, 0], [0, 0, 1], [0, 1, 2], [1, 2, 0], [1, 2, 1], [1, 2, 3], [2, 0, 0], [2, 0, 1], [2, 1, 2], [2, 3, 1], [3, 1, 2]\}$

Iterácia 2:

$p(., ., .) = \{[0, 0, 0], [0, 0, 1], [0, 1, 2], [1, 0, 1], [1, 1, 2], [1, 2, 0], [1, 2, 1], [1, 2, 3], [1, 3, 1], [2, 0, 0], [2, 0, 1], [2, 1, 2], [2, 2, 1], [2, 2, 3], [2, 3, 1], [3, 1, 2], [3, 2, 1], [3, 2, 3]\}$

Iterácia 3:

$p(., ., .) = \{[0, 0, 0], [0, 0, 1], [0, 1, 2], [1, 0, 1], [1, 1, 2], [1, 2, 0], [1, 2, 1], [1, 2, 3], [1, 3, 1], [2, 0, 0], [2, 0, 1], [2, 1, 2], [2, 2, 1], [2, 2, 3], [2, 3, 1], [3, 1, 2], [3, 2, 1], [3, 2, 3], [3, 3, 1]\}$

Iterácia 4:

$p(., ., .) = \{[0, 0, 0], [0, 0, 1], [0, 1, 2], [1, 0, 1], [1, 1, 2], [1, 2, 0], [1, 2, 1], [1, 2, 3], [1, 3, 1], [2, 0, 0], [2, 0, 1], [2, 1, 2], [2, 2, 1], [2, 2, 3], [2, 3, 1], [3, 1, 2], [3, 2, 1], [3, 2, 3], [3, 3, 1]\}$

Po dosiahnutí pevného bodu (ked' sa obsah relácie p po iterácii nemení) aplikujeme selekciu a projekciu danú dotazom.

Výsledok dotazu $?- p(3, Y, Z)$ je $(Y, Z) = \{[1, 2], [2, 1], [2, 3], [3, 1]\}$.

b) Rozhodnite či výpočet daného programu naivnou evaluáciou skončí pre každé naplnenie relácie $a(., .)$ a pre každý dotaz. Zdôvodnite. (6)

Program je stratifikovaný. Reláciu $e(., .)$ priradíme stratum 1, reláciu $p(., ., .)$ priradíme stratum 2.

Áno, program skončí pre každú (konečnú) populáciu $a(., .)$ a ľubovoľný dotaz.

4. a) Vysvetlite metódu časových pečiatok pre izoláciu transakcií. (Uvedťte čo si systém pamäta, popíšte kedy a aké akcie robí scheduler. Akcie schedulera zapíšte v pseudokóde.) (6)

Každá transakcia T dostane pri štarte časovú pečiatku $TS(T)$.

Každý objekt X má dve časové pečiatky, $TSR(X)$ a $TSW(X)$. Obe sú inicializované na $-\infty$.

Pred vykonaním $r_T(X)$ vykoná scheduler toto:

```
if ( $TS(T) < TSR(X)$ )
    abort T;
else
     $TSR(X) := TS(T);$ 
```

Pred vykonaním $w_T(X)$ vykoná scheduler toto:

```
if ( $(TS(T) < TSR(X)) \vee (TS(T) < TSW(X))$ )
    abort T;
else
     $TSW(X) := TS(T);$ 
```

b) Uvedťte príklad rozvrhu dvoch transakcií, ktorý je obnoviteľný, dá sa generovať schedulerom, ktorý používa dvojfázové zamykanie a nedá sa generovať schedulerom, ktorý používa metódu časových pečiatok. Vysvetlite. (6)

Rozvrh **s1, s2, r2(X), c2, w1(X), c1** má požadované vlastnosti.

Tento rozvrh je obnoviteľný, lebo neobsahuje dirty read.

Dá sa generovať schedulerom, ktorý používa 2PL, takto:

$s1, s2, rl2(X), r2(X), ul2(X), c2, wl1(X), w1(X), ul1(X), c1$

Scheduler, ktorý používa metódu časových pečiatok, urobí pre tento vstupný rozvrh nasledujúce akcie:

| | |
|---------|--|
| $s1$ | vyrobí a zapamäta časovú pečiatku $TS(T1)$ |
| $s2$ | vyrobí a zapamäta časovú pečiatku $TS(T2)$ |
| $r2(X)$ | $TSR(X) := TS(T2)$ |
| $c2$ | committuje $T2$ (a zahodí $TS(T2)$) |
| $w1(X)$ | abortuje $T1$ (a zahodí $TS(T1)$), lebo $TS(T1) < TSR(X)$ |